#### МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

## федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Мурманский арктический государственный университет» (ФГБОУ ВО «МАГУ»)

#### РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

#### Б1.О.12 Теория вероятностей и математическая статистика

(название дисциплины (модуля) в соответствии с учебным планом)

## основной профессиональной образовательной программы по направлению подготовки

#### 39.03.01 Социология

#### направленность (профиль) Цифровая и экспертно-аналитическая социология

(код и наименование направления подготовки с указанием направленности (наименования магистерской программы))

#### высшее образование - бакалавриат

уровень профессионального образования: высшее образование – бакалавриат / высшее образование – специалитет, магистратура / высшее образование – подготовка кадров высшей квалификации

#### бакалавр

квалификация

#### очная

форма обучения

#### 2022

год набора

#### Составитель(и):

Левитес Вера Владимировна, к.п.н., доцент кафедры математики, физики и информационных технологий

Утверждено на заседании кафедры математики, физики и информационных технологий факультета математических и естественных наук (протокол № 07 от 24.03.2022)

Зав. кафедрой \_\_\_\_\_ Ляш О.И.

#### 1. ЦЕЛЬ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ) -

формирование основных понятий и навыков анализа явлений и процессов в условиях неопределенности.

#### 2. ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

В результате освоения дисциплины (модуля) формируются следующие компетенции: Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с индикаторами достижения компетенций

индикаторами достижения компетенций								
Компетенция	Индикаторы компетенций	Результаты обучения						
Компетенция УК-1: Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	Индикаторы компетенций  1.1. Анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие. Осуществляет декомпозицию задачи. Определяет, интерпретирует и ранжирует информацию, требуемую для решения поставленной задачи.  1.2. Находит и критически анализирует информацию, необходимую для решения поставленной задачи.  1.3. Рассматривает различные варианты решения задачи, оценивая их достоинства и недостатки.  1.4. Грамотно, логично, аргументированно формирует собственные суждения и оценки. Отличает факты от мнений, интерпретаций, оценок и т.д. в рассуждениях других участников деятельности.  1.5. Определяет и оценивает практические последствия возможных решений задачи.	<ul> <li>Знать: <ul> <li>фундаментальные основы математики;</li> <li>основные методы математического анализа и моделирования, необходимые для решения профессиональных задач</li> </ul> </li> <li>Уметь: <ul> <li>применять методы математического анализа и моделирования;</li> <li>применять методы теоретического и экспериментального исследования для решения профессиональных задач</li> </ul> </li> <li>Владеть: <ul> <li>базовыми знаниями и методами математики;</li> <li>математическим языком, математическими терминами, математической символикой;</li> <li>навыками применения современного математического</li> </ul> </li> </ul>						
ОПК-1: Способен понимать принципы работы современных информационных технологий и использовать их для решения задач профессиональной деятельности	ОПК-1.1. Определяет релевантные для решения поставленной задачи источники информации, включая национальные и международные базы данных, электронные библиотечные системы, специализированные пакеты прикладных программ; ОПК-1.2. Проводит поиск социологической информации, необходимой для решения поставленной задачи, получает на ее основе социологические данные; ОПК-1.3. Выполняет необходимые статистические процедуры при использовании специализированных пакетов прикладных программ (таких, как MS Excel, Eviews, Stata, SPSS); ОПК-1.4. Создает и поддерживает нормативнометодическую и информационную базу	инструментария для решения профессиональных задач  Знать:  - определения, теоремы, методы решения задач  Уметь:  - пользоваться математической литературой;  - самостоятельно расширять и углублять математические знания  Владеть:  - методикой построения, анализа и применения математических моделей для оценки состояния, прогноза развития социальных явлений и процессов						

исследований по заданной теме; ОПК-1.5. Регламентирует процессы	
архивации и хранения	
социологических данных в	
соответствии с установленными	
правилами.	

## 3. УКАЗАНИЕ МЕСТА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ) В СТРУКТУРЕ ОСНОВНОЙ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Дисциплина (модуль) «Теория вероятностей и математическая статистика» относится к обязательной части образовательной программы по направлению подготовки 39.03.01 Социология, направленность (профиль) Цифровая и экспертно-аналитическая социология.

# 4. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ) В ЗАЧЕТНЫХ ЕДИНИЦАХ С УКАЗАНИЕМ КОЛИЧЕСТВА АКАДЕМИЧЕСКИХ ЧАСОВ, ВЫДЕЛЕННЫХ НА КОНТАКТНУЮ РАБОТУ ОБУЧАЮЩИХСЯ С ПРЕПОДАВАТЕЛЕМ (ПО ВИДАМ УЧЕБНЫХ ЗАНЯТИЙ) И НА САМОСТОЯТЕЛЬНУЮ РАБОТУ ОБУЧАЮЩИХСЯ

Общая трудоемкость дисциплины (модуля) составляет 3 зачетные единицы или 108 часа (из расчета 1 3E = 36 часов).

Kypc	Семестр	Трудоемкость в 3Е		Контактная работа		ЫХ	ктивнс	Кол-во часов на СРС		OB		
				ЛК	ПР	ЛБ	Всего контактны часов	з них в интерактивно форме	Общее количество часов на СРС	Из них – на курсовую работу	Кол-во часов на контроль	Форма контроля
2	3	3	108	16	26	-	42	8	66	1	-	зачет
Ит	ого	3	108	16	26	_	42	8	66	-	-	зачет

Интерактивная форма реализуется в виде кейс-заданий по тематикам дисциплины.

## 5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ), СТРУКТУРИРОВАННОЕ ПО ТЕМАМ (РАЗДЕЛАМ) С УКАЗАНИЕМ ОТВЕДЕННОГО НА НИХ КОЛИЧЕСТВА АКАДЕМИЧЕСКИХ ЧАСОВ И ВИДОВ УЧЕБНЫХ ЗАНЯТИЙ

<b>№</b> п/п	Наименование раздела, темы		нтакті работа		Всего контактных часов	Из них в интерактивной форме	Кол-во часов на СРС	Кол-во часов на контроль
			ПР	ЛБ				
1.	Теория вероятностей	6	8		14	2	20	
2.	Случайные величины		8		14	2	26	
3.	Математическая статистика	4	10		14	4	20	
	Итого:	12	26		42	8	66	

#### Содержание дисциплины (модуля)

#### Тема №1. Теория вероятностей

Соотношения между событиями. Поле событий. Классическое определение вероятностей. Свойства вероятностей. Геометрическое определение вероятностей. Статистический подход к определению вероятностей. Теорема сложения вероятностей. Условная вероятность. Теорема умножения вероятностей. Независимость событий. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Схема независимых испытаний. Схема Бернулли. Наивероятнейшее значение в схеме Бернулли. Асимптотические приближения к биномиальным вероятностям. Теорема Муавра-

Лапласа. Случай Пуассона.

#### Тема №2. Случайные величины.

Определение случайных величин. Спектр случайной величины. Типы случайных величин. Функция распределения случайных величин. Законы распределения. Функция распределения, ее основные свойства. Вероятность попадания случайной величины на заданный интервал. Функция плотности случайной Функция плотности вероятности, ее свойства. Условные законы распределения. Зависимые и независимые случайные величины. Основные характеристики случайной величины. Математическое ожидание случайной величины. Математическое ожидание от функции случайных аргументов. Основные теоремы о математическом ожидании. Лисперсия. Основные теоремы о дисперсии. Понятие о моментах высших порядков. Асимметрия. Эксцесс. Типы законов распределения. Равномерное распределение. Экспоненциальное распределение. Распределение Пуассона. Биномиальное распределение. Нормальный закон распределения и его свойства. Понятие о корреляции. Коэффициент корреляции. Корреляционная матрица. Закон больших чисел Неравенство Чебышева. Сходимость по вероятности. Понятие о законе больших чисел. Теоремы Маркова, Чебышева, Пуассона, Бернулли. Закон распределения суммы случайных величин. Центральная предельная теорема Ляпунова. Случайные процессы с дискретным и непрерывным временем. Марковские процессы. Нахождение характеристик случайных процессов. Математическое ожидание и корреляционная функция случайного процесса. Определение характеристик случайного процесса по опытным данным.

#### Тема №3. Математическая статистика

Задачи математической статистики. Приемы построения эмпирических законов распределения. Эмпирическая обработка опытных данных Гистограмма, эмпирическая функция распределения. Точечная оценка характеристик статистического распределения. Свойства точечных оценок. Интервальные оценки Доверительный интервал и доверительная вероятность. Оценка характеристик по опытным данным Метод наибольшего правдоподобия. Метод моментов. Метод наименьших квадратов. Корреляция Уравнение регрессии. Оценка коэффициента корреляции. Критерии согласия Критерии согласия. Критерий Пирсона и критерий Колмогорова.

## 6. ПЕРЕЧЕНЬ УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОГО ОБЕСПЕЧЕНИЯ, НЕОБХОДИМОГО ДЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

#### Основная литература:

- 1. *Гмурман*, *В. Е.* Теория вероятностей и математическая статистика: учебник для вузов / В. Е. Гмурман. 12-е изд. Москва: Издательство Юрайт, 2022. 479 с. (Высшее образование). ISBN 978-5-534-00211-9. Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. URL: <a href="https://urait.ru/bcode/488573">https://urait.ru/bcode/488573</a>
- 2. *Кремер, Н. Ш.* Теория вероятностей и математическая статистика : учебник и практикум для вузов / Н. Ш. Кремер. 5-е изд., перераб. и доп. Москва : Издательство Юрайт, 2022. 538 с. (Высшее образование). ISBN 978-5-534-10004-4. Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. URL: https://urait.ru/bcode/495110

#### Дополнительная литература:

- 1. Балдин, К.В. Основы теории вероятностей и математической статистики : учебник / К.В. Балдин, В.Н. Башлыков, А.В. Рокосуев ; ред. К.В. Балдина. Москва : Издательство «Флинта», 2010. 245 с. ISBN 978-5-9765-0314-4 ; То же [Электронный ресурс]. URL: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=79333
- 2. *Гмурман, В. Е.* Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике : учебное пособие для вузов / В. Е. Гмурман. 11-е изд., перераб. и доп. Москва : Издательство Юрайт, 2022. 406 с. (Высшее образование). ISBN 978-5-534-08389-7. Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. URL: https://urait.ru/bcode/488572
- 3. Гусева, Е.Н. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие / Е.Н. Гусева. 6-е изд., стереотип. Москва : Издательство «Флинта», 2016. 220 с. ISBN 978-5-

9765-1192-7; То же [Электронный ресурс]. URL: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=83543

#### 7. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ).

В образовательном процессе используются:

- учебные аудитории для проведения учебных занятий, оснащенные оборудованием и/или его виртуальными аналогами (если используются, если нет - убрать) и техническими средствами обучения: учебная мебель, ПК, оборудование для демонстрации презентаций, наглядные пособия;
- помещения для самостоятельной работы, оснащенные компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду МАГУ.

## 7.1 ПЕРЕЧЕНЬ ЛИЦЕНЗИОННОГО И СВОБОДНО РАСПРОСТРАНЯЕМОГО ПРОГРАММНОГО ОБЕСПЕЧЕНИЯ:

7.1.1. Лицензионное программное обеспечение отечественного производства: нет

#### 7.1.2. Лицензионное программное обеспечение зарубежного производства:

- Mathematica
- MathType
- MS Office
- Statistica

## 7.1.3. Свободно распространяемое программное обеспечение отечественного производства:

DJVuReader

7.1.4. Свободно распространяемое программное обеспечение зарубежного производства:

Adobe Reader

Mozilla FireFox

#### 7.2 ЭЛЕКТРОННО-БИБЛИОТЕЧНЫЕ СИСТЕМЫ:

- ЭБС «Издательство Лань» [Электронный ресурс]: электронная библиотечная система / ООО «Издательство Лань». – Режим доступа: https://e.lanbook.com/;
- ЭБС «Электронная библиотечная система ЮРАЙТ» [Электронный ресурс]: электронная библиотечная система / ООО «Электронное издательство ЮРАЙТ». Режим доступа: https://biblio-online.ru/;
- ЭБС «Университетская библиотека онлайн» [Электронный ресурс]: электроннопериодическое издание; программный комплекс для организации онлайн-доступа к лицензионным материалам / OOO «НексМедиа». — Режим доступа: https://biblioclub.ru/.

#### 7.3 СОВРЕМЕННЫЕ ПРОФЕССИОНАЛЬНЫЕ БАЗЫ ДАННЫХ:

- Информационно-аналитическая система SCIENCE INDEX
- Электронная база данных Scopus
- Базы данных компании CLARIVATE ANALYTICS

#### 7.4. ИНФОРМАЦИОННЫЕ СПРАВОЧНЫЕ СИСТЕМЫ:

- Справочно-правовая информационная система Консультант Плюс http://www.consultant.ru/
- OOO «Современные медиа технологии в образовании и культуре» http://www.informio.ru/

#### **8.** ИНЫЕ СВЕДЕНИЯ И МАТЕРИАЛЫ НА УСМОТРЕНИЕ ВЕДУЩЕЙ КАФЕДРЫ. Не предусмотрено.

#### 9. ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАНИЯ ДЛЯ ЛИЦ С ОВЗ.

Для обеспечения образования инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья реализация дисциплины может осуществляться в адаптированном виде, с учетом специфики освоения и дидактических требований, исходя из индивидуальных возможностей и по личному заявлению обучающегося.